

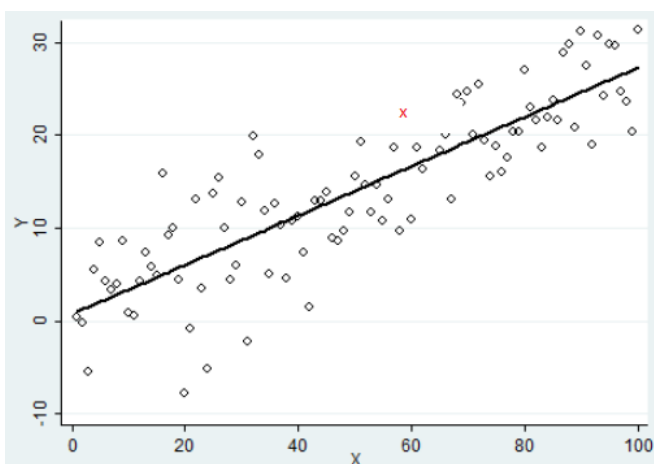
## Material para las clases teóricas virtuales

### Clase 2: Estimación del modelo lineal con 2 variables, método de mínimos cuadrados ordinarios.

1. Presentación en pdf para imprimir disponible en [este link](#)
2. Videos (son 4 videos en total):
  - **Video 1 – Regresión estimada y criterio de SRC:** [link al video 1](#)  
Se presenta la regresión estimada y se discute el criterio de minimización de la suma de los residuos cuadráticos.

#### Preguntas guía para el video 1:

- a) En el gráfico a continuación se ilustra una nube de puntos y se marca con **x** una de las observaciones. Primero suponé que la línea continua representa la recta de regresión (la verdadera)  $\alpha + \beta X_i$ . ¿Qué representa la línea vertical entre el punto **x** y esa recta? Ahora suponé que la línea continua representa la recta de regresión estimada  $\hat{\alpha} + \hat{\beta} X_i$ . En este caso, ¿qué representa la línea vertical entre el punto **x** y esa recta? Relacionar esto con la siguiente frase: “podemos interpretar al error de estimación como una especie de estimador de  $\mu_i$ ” (ver página 5 en las filminas).



- b) Según el criterio de minimizar SRC ¿qué significa que la regresión estimada pase lo más cerca posible de los datos?
- c) Graficá un ejemplo donde SRC=0. ¿Podés pensar en algún ejemplo de la Economía que pueda representarse así?
- d) ¿Qué opinás sobre la posibilidad de utilizar la suma de los errores de estimación como medida de error global de estimación?

- **Video 2 – Estimadores de MCO:** [link al video 2](#)  
Se plantea el problema de minimización de la SRC y se obtienen los estimadores de MCO a partir de las condiciones de primer orden.

#### Preguntas guía para el video 2:

- a) Asegurate que podés obtener las ecuaciones (3) y (4) a partir de las CPO por tu cuenta.

- b) Demostrá que (4') y (4) son expresiones equivalentes. Te sugiero empezar por (4'), reemplazar por la definición de variables en desvíos y seguir con álgebra.

- **Video 3 – Propiedades algebraicas y R cuadrado:** [link al video 3](#)

A partir de las condiciones de primer orden, se obtienen distintas propiedades de los estimadores de MCO. Se discute la intuición detrás de cada una. Se propone el R cuadrado como medida de bondad del ajuste de la regresión estimada por MCO y se discuten sus propiedades y utilidad.

Preguntas guía para el video 3:

- a) A partir de las CPO, demostrá todas las propiedades algebraicas vistas en clase.
- b) Suponé un modelo sin ordenada al origen, es decir,  $Y_i = \alpha + \beta X_i + \mu_i$  con  $\alpha = 0$ . Planteá las CPO de la minimización de la SRC para este modelo particular y explicá por qué en este caso no hay nada que garantice que la suma de los errores de estimación sea cero.
- c) Mostrá que la segunda propiedad algebraica implica que la covarianza entre los errores de estimación y la variable explicativa es cero.
- d) Usá la propiedad 4 (relación entre el coeficiente de regresión y el de correlación) para entender cómo los cambios en las unidades de medida afectan al coeficiente de regresión  $\hat{\beta}$ . Por ejemplo, pensá en ejercicios como este: tengo una muestra donde Y y X están medidas en pesos; estimo una regresión de Y en función de X por MCO y obtengo  $\hat{\beta}=2$ . Ahora reexpreso los valores de X en centavos. ¿Cuál es el nuevo valor de  $\hat{\beta}$ ?
- e) Demostrá cómo se llega a la expresión de la descomposición de la STC de la página 27 de las filminas. ¿Por qué decimos que esta descomposición es válida si se estima por MCO?
- f) Mostrá que el  $R^2$  vale 1 cuando hay una relación lineal exacta entre Y y X; mostrá que  $R^2$  vale 0 si  $\hat{\beta}=0$ .
- g) Algo que no está en las filminas y te conviene estudiar/entender: en el modelo lineal con 2 variables, el  $R^2$  es igual al cuadrado del coeficiente de correlación entre Y y X.
- h) ¿Por qué decimos que la regresión estimada por MCO maximiza el  $R^2$ ?

- **Video 4 – Ejemplos empíricos:** [link al video 4](#)

Se presentan dos aplicaciones: i) estimación de la relación entre rendimiento académico y tamaño de clase, y ii) estimación de la función de consumo Keynesiana.

Preguntas guía para el video 4:

- a) A partir de la regresión estimada de la página 32, calculá el valor estimado del puntaje para un distrito escolar que tiene 25 alumnos por maestro en promedio.
- b) Suponé que se quiere reducir el tamaño de las clases para mejorar el desempeño. ¿Qué políticas se te ocurren?

- c) Suponé una política que reduce el tamaño de clase de 25 a 15 alumnos por clase en un distrito escolar. Según las predicciones de nuestro modelo, ¿cuánto mejoraría el desempeño de los estudiantes? ¿Vale la pena implementar esta política? Atención: hay un error en las cuentas en el video (ver desde el minuto 6:20). Además, fijate que en lugar de hacer la cuentas como en el video, podrías directamente usar esta expresión  $\Delta \widehat{Puntaje} = \hat{\beta} \Delta X_i$  reemplazando  $\hat{\beta}$  por su valor estimado y  $\Delta X_i$  por 10 (=25-15).
- d) El  $R^2$  del modelo da solo 0.049. ¿Cómo interpretás este número? ¿Esto significa que el modelo no sirve?
- e) En el ejemplo de la función de consumo Keynesiana para la década de 1940 (ver página 44 de las filminas), dijimos que la guerra (años 1942-1945) afecta sistemáticamente al consumo, reduciendo su valor respecto al que habríamos esperado para esos niveles de ingreso. Entonces, si nuestro modelo lineal es  $C_i = a + bI_i + \mu_i$ , no es razonable pensar que  $E(\mu_i) = 0$  para  $i=1942, 1943, 1944$  y  $1945$ . ¿Por qué? Además, fijate que en ese caso la regresión  $a + bI_i$  no coincide con el valor esperado del consumo. Cuando veamos el modelo con más variables explicativas, esta discusión va a terminar de tener sentido.